

# Problemas sobre autómatas de pila y lenguajes independientes de contexto

Elvira Mayordomo, Universidad de Zaragoza

14 de noviembre de 2014

1. Encontrar un autómata de pila (AdP) que reconozca cada uno de los siguientes lenguajes:
  1.  $\{a^m b^n \mid m \geq n\}$
  2.  $\{w \in \{a,b\}^* \mid w \text{ tiene exactamente el doble de } as \text{ que de } bs\}$
  3.  $\{a^m b^n \mid n \leq m \leq 2n\}$
  4.  $\{a^m b^n c^p d^q \mid m + n \geq p + q\}$
  5.  $\{w \in \{a,b\}^* \mid w = w^R\}$
  6.  $\{ww^R \mid w \in \{0,1\}^*\}$
  7. El lenguaje de todas las palabras sobre  $\{a,b\}$  tales que cada prefijo tiene al menos tantas *aes* como *bs*
  8.  $\{a^i b^i c^j d^j \mid i, j \geq 1\}$
  9.  $\{a^i b^j b^i a^j \mid i, j \geq 0\}$
  10.  $\{0^m 1^n \mid m > n \geq 0\}$
  11.  $\{a^i b^j c^k \mid i \neq j \text{ ó } j \neq k\}$
  12.  $\{a^n b^m \mid 1 \leq n \leq 2m\}$
  13.  $\{0^i 1^j 2^k \mid i = j \text{ ó } j = k\}$
  14.  $\{0^n 1^m \mid m = n \text{ ó } m = 2n\}$
  15.  $\{a^i b^j \mid i \neq j \text{ y } i \neq 2j\}$
  16. El conjunto de todas las palabras sobre el alfabeto  $\{0,1\}$  con igual número de ceros que de unos
  17.  $(a+b+c)^* - \{a^k b^k c^k \mid k > 0\}$
  18.  $(a+b)^* - \{ww \mid w \in \{a,b\}^*\}$
  19. El lenguaje de las palabras de  $a^+ b^+ a^+ b^+$  con el mismo número de *aes* que de *bs*
  20.  $\{0^i 1^j a 2^i \mid i, j \geq 1\} \cup \{0^i 1^j b 2^j \mid i, j \geq 1\}$
  21.  $\{a^i b^j c^k a^i \mid i \geq 1, j \geq k \geq 1\}$

22.  $\{a^n b^n c^m d^m \mid n, m \geq 1\} \cup \{a^n b^m c^m d^n \mid n, m \geq 1\}$
23.  $\{a^i b^j c^k d^l \mid i = k \text{ ó } j = l\}$
24.  $\{a^{i+3} b^{2i+1} \mid i \geq 0\} \cup \{a^{2i+1} b^{3i} \mid i \geq 0\}$
25.  $\{a^m b^n \mid m > n\} \cup \{b^m a^n \mid m > n\}$
26.  $\{a^i b^j c^j d^k e^k f^i \mid i, j, k \geq 0\}$
27.  $\{w \mid w \in \{a, b, c\}^* \text{ con } |w|_a = |w|_b \text{ ó } |w|_b = |w|_c\}$
28.  $\{a^n b^m \mid n = 3m\}$