

Programación 2

**Diseño recursivo
de algoritmos por inmersión**

Problemas 05

Problema 1. Diseñar sin bucles:

```
/*
 * Pre:  $v = V_0$  AND  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$ 
 * Post:  $v[0] = V_0[n-1]$  AND
 *       (PT  $\alpha \in [1, n-1]$ .  $v[\alpha] = V_0[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n);
```

Se propone intentar dos diseños diferentes:

1. Aplicando una inmersión mediante debilitamiento de la postcondición de **desplazar**(v, n)
2. Aplicando una inmersión mediante refuerzo de la precondition de **desplazar**(v, n)

Formas equivalentes de escribir su especificación:

```
/*
 * Pre:  $v = V_0$  AND  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$ 
 * Post:  $v[0] = V_0[n-1]$  AND
 *         (PT  $\alpha$  EN  $[1, n-1]$ .  $v[\alpha] = V_0[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n);
```

```
/*
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *         (PT  $\alpha$  EN  $[0, n-1]$ .  $v[\alpha] = V_0[\alpha]$ )
 * Post:  $v[0] = V_0[n-1]$  AND
 *         (PT  $\alpha$  EN  $[1, n-1]$ .  $v[\alpha] = V_0[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n);
```

Se va a plantear un primer diseño sin bucles de la función **desplazar(v,n)** programando una función auxiliar **moverDcha(v,hasta)** mediante **debilitamiento de la postcondición** de la primera función.

```
/*  
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND  $v = Vo$   
 * Post:  $v[0] = Vo[n-1]$  AND  
 *      (PT  $\alpha \in [1, n-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha-1]$ )  
 */  
template <typename T>  
void desplazar (T v[], const int n);
```

```
/*  
 * Pre:  $hasta \geq 1$  AND  $hasta < \#v$  AND  $v = V1$   
 * Post: (PT  $\alpha \in [1, hasta]. v[\alpha] = V1[\alpha-1]$ )  
 */  
template <typename T>  
void moverDcha (T v[], const int hasta);
```

Otra forma de escribir ambas especificaciones:

```
/*
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[0, n-1]$ .  $v[\alpha] = Vo[\alpha]$ )
 * Post:  $v[0] = Vo[n-1]$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[1, n-1]$ .  $v[\alpha] = Vo[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n);
```

```
/*
 * Pre:  $hasta \geq 1$  AND  $hasta < \#v$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[0, hasta]$ .  $v[\alpha] = V1[\alpha]$ )
 * Post: (PT  $\alpha$  EN  $[1, hasta]$ .  $v[\alpha] = V1[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void moverDcha (T v[], const int hasta);
```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *      (PT alfa EN  $[0, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}]$ )
 * Post:  $v[0] = Vo[n-1]$  AND
 *      (PT alfa EN  $[1, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n) {
    if (n > 1) {
        T ultimo = v[n-1];
        // (PT alfa EN  $[0, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}]$ ) AND
        // ultimo =  $Vo[n-1]$  AND  $n - 1 \geq 1$  AND  $n - 1 < \#v$ 
        moverDcha(v, n-1);
        // (PT alfa EN  $[1, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}-1]$ ) AND
        //  $v[0] = Vo[0]$  AND ultimo =  $Vo[n-1]$ 
        v[0] = ultimo;
    }
}

```

```

/*
 * Pre: hasta >= 1 AND hasta < #v AND
 *       (PT alfa EN [0,hasta]. v[alfa] = V1[alfa])
 * Post: (PT alfa EN [1,hasta]. v[alfa] = V1[alfa-1])
 */
template <typename T>
void moverDcha (T v[], const int hasta) {
    v[hasta] = v[hasta-1];
    if (hasta >= 2) {
        // (PT alfa EN [0,hasta]. v[alfa] = V1[alfa])
        // AND v[hasta] = V1[hasta-1] AND 1 <= hasta - 1
        // AND hasta - 1 < #v
        moverDcha(v, hasta-1);
        // (PT alfa EN [1,hasta-1]. v[alfa] = V1[alfa-1]) AND
        // v[hasta] = V1[hasta-1]
    }
}

```

Se va a plantear un segundo diseño sin bucles de la función **desplazar(v,n)** programando una función auxiliar **moverDcha(v,desde,n)** mediante **refuerzo de la precondición** de la primera función.

```

/*
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[0, n-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha]$ )
 * Post:  $v[0] = Vo[n-1]$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[1, n-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n);

```

```

/*
 * Pre:  $desde \geq 1$  AND  $desde \leq n$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[0, desde-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha]$ ) AND
 *      (PT  $\alpha$  EN  $[desde, n-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha-1]$ )
 * Post: (PT  $\alpha$  EN  $[1, n-1]. v[\alpha] = Vo[\alpha-1]$ )
 */
template <typename T>
void moverDcha (T v[], const int desde, const int n);

```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 1$  AND  $n \leq \#v$  AND
 *         (PT alfa EN  $[0, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}]$ )
 * Post:  $v[0] = Vo[n-1]$  AND
 *         (PT alfa EN  $[1, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}-1]$ )
 */
template <typename T>
void desplazar (T v[], const int n) {
    if (n > 1) {
        T ultimo = v[n-1];
        // (PT alfa EN  $[1, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}]$ ) AND
        // (PT alfa EN  $[n, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}-1]$ ) AND
        //  $n \geq 1$  AND  $n \leq n$  AND  $n \leq \#v$  AND  $ultimo = Vo[n-1]$ 
        moverDcha(v, n, n);
        // (PT alfa EN  $[1, n-1]$ .  $v[\text{alfa}] = Vo[\text{alfa}-1]$ ) AND
        //  $ultimo = Vo[n-1]$ ;
        v[0] = ultimo;
    }
}

```

```

/*
 * Pre: desde >= 1 AND desde <= n AND n <= #v AND
 *      (PT alfa EN [0,desde-1].v[alfa] = Vo[alfa]) AND
 *      (PT alfa EN [desde,n-1].v[alfa] = Vo[alfa-1])
 * Post: (PT alfa EN [1,n-1].v[alfa] = Vo[alfa-1])
 */
template <typename T>
void moverDcha (T v[], const int desde, const int n) {
    if (desde > 1) {
        v[desde-1] = v[desde-2];
        // desde - 1 >= 1 AND desde - 1 <= n AND n <= #v AND
        // (PT alfa EN [1,desde-2].v[alfa] = Vo[alfa]) AND
        // (PT alfa EN [desde-1,n-1].v[alfa] = Vo[alfa-1])
        moverDcha(v, desde - 1, n);
        // (PT alfa EN [1,n-1].v[alfa] = Vo[alfa-1])
    }
}

```

En el siguiente problema se va a trabajar con ficheros binarios de datos de tipo T :

`<fichero_binario_T> ::= { <dato> }`

`<dato> ::= T`

Asumiremos definidas las siguientes operaciones binarias de relación entre un par de datos, a y b, de tipo T :

`a == b`

`a != b`

`a < b`

`a <= b`

`a > b`

`a >= b`

Problema 2. Diseñar sin bucles:

```
/*  
 * Pre: <nombre1> y <nombre2> son los nombres de dos ficheros  
 *      binarios que almacenan secuencias de datos de tipo T  
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si ambos ficheros almacenan  
 *      el mismo número de datos  
 */  
template <typename T>  
bool igualLongitud (const char nombre1[], const char nombre2[]);
```

Se propone intentar dos diseños diferentes:

1. Aplicando una inmersión mediante debilitamiento de la postcondición de **igualLongitud(nombre1, nombre2)**
2. Aplicando una inmersión mediante refuerzo de la precondición de **igualLongitud(nombre1, nombre2)**

Se va a plantear un primer diseño sin bucles de la función **igualLongitud(nombre1,nombre2)** programando una función auxiliar **igualLongitud(f1,f2)** mediante **debilitamiento de la postcondición** de la primera función.

```
/*
 * Pre: <nombre1> y <nombre2> son los nombres de dos ficheros
 *       binarios que almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si ambos ficheros almacenan
 *       el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (const char nombre1[], const char nombre2[]);
```

```
/*
 * Pre: <f1> y <f2> están asociados a dos ficheros binarios que
 *       almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si los ficheros asociados a <f1>
 *       y <f2> almacenan, en el momento de ser invocada esta función,
 *       un mismo número de datos no leídos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (ifstream& f1, ifstream& f2);
```

```

/*
 * Pre: <nombre1> y <nombre2> son los nombres de dos ficheros
 *        binarios que almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si ambos ficheros almacenan
 *        el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (const char nombre1[], const char nombre2[]) {
    // Asocia los ficheros <nombre1> y <nombre2> a los flujos <f1> y <f2>
    ifstream f1, f2;
    f1.open(nombre1, ios::binary);
    f2.open(nombre2, ios::binary);
    // Determina si ambos ficheros almacenan un número igual de datos
    bool igual = igualLongitud<T>(f1, f2);
    // Libera los ficheros asociados a los flujos <f1> y <f2>
    f1.close();
    f2.close();
    // Devuelve el resultado de la comparación
    return igual;
}

```

```

/*
 * Pre: <f1> y <f2> están asociados a dos ficheros binarios que
 *      almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si los ficheros asociados a <f1>
 *      y <f2> almacenan, en el momento de ser invocada esta función,
 *      un mismo número de datos no leídos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (ifstream& f1, ifstream& f2) {
    T nuevo;
    f1.read(reinterpret_cast<char *>(&nuevo), sizeof(T));
    f2.read(reinterpret_cast<char *>(&nuevo), sizeof(T));
    if (!f1.eof() && !f2.eof()) {
        return igualLongitud<T> (f1, f2);    // recurrencia
    }
    else {
        return f1.eof() && f2.eof();        // base
    }
}

```

Se va a plantear un primer diseño sin bucles de la función **igualLongitud(nombre1,nombre2)** programando una función auxiliar **igualLongitud(f1,f2)** mediante **refuerzo de la precondition** de la primera función.

```
/*
 * Pre: <nombre1> y <nombre2> son los nombres de dos ficheros
 *        binarios que almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si ambos ficheros almacenan
 *        el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (const char nombre1[], const char nombre2[]);
```

```
/*
 * Pre: <f1> y <f2> están asociados a dos ficheros binarios que
 *        almacenan secuencias de datos de tipo T y ya han sido
 *        leídos de cada uno de ellos un número igual de datos
 * Post: Devuelve cierto si y sólo si los ficheros asociados a <f1>
 *        y <f2> almacenan el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (ifstream& f1, ifstream& f2);
```

```

/*
 * Pre: <nombre1> y <nombre2> son los nombres de dos ficheros
 *        binarios que almacenan secuencias de datos de tipo T
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si ambos ficheros almacenan
 *        el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (const char nombre1[], const char nombre2[]) {
    // Asocia los ficheros <nombre1> y <nombre2> a los flujos <f1> y <f2>
    ifstream f1, f2;
    f1.open(nombre1, ios::binary); f2.open(nombre2, ios::binary);
    // De los ficheros asociados a f1 y f2 no se ha leído ningún dato.
    // Determina si ambos ficheros almacenan un número igual de datos
    bool igual = igualLongitud<T>(f1, f2);
    // Libera los ficheros asociados a los flujos <f1> y <f2>
    f1.close(); f2.close();
    // Devuelve el resultado de la comparación
    return igual;
}

```

```

/*
 * Pre: <f1> y <f2> están asociados a dos ficheros binarios que
 *      almacenan secuencias de datos de tipo T y ya han sido
 *      leídos de cada uno de ellos un número igual de datos
 * Post: Devuelve <cierto> si y sólo si los ficheros asociados a <f1>
 *       y <f2> almacenan el mismo número de datos
 */
template <typename T>
bool igualLongitud (ifstream& f1, ifstream& f2) {
    T nuevo;
    f1.read(reinterpret_cast<char *>(&nuevo), sizeof(T));
    f2.read(reinterpret_cast<char *>(&nuevo), sizeof(T));
    if (!f1.eof() && !f2.eof()) {
        return igualLongitud<T> (f1, f2);    // recurrencia
    }
    else {
        return f1.eof() && f2.eof();        // base
    }
}

```

