

Programación 2

Lección 2. Especificación formal de algoritmos que trabajan con tablas

1. Algunos tipos de datos que utilizaremos

```
struct Fecha {  
    int dia, mes, anyo; // dia/mes/anyo de la fecha  
};  
  
struct Nif{  
    int dni;           // número del DNI  
    char letra;        // letra asociada al DNI  
};  
  
struct Persona {  
    Nif nif;           // NIF de la persona  
    Fecha nacimiento; // su fecha de nacimiento  
    bool estaCasado;   // true (casado), false (soltero)  
    bool esHombre;     // true (hombre), false (mujer)  
};
```

2. Especificaciones y número de componentes de una estructura de datos indexada

```
// Pre: ??????  
// Post: sumaComp(a, i, d)  
//           = (SIGMA alfa EN [i,d]. a[alfa])  
int sumaComp (const int a[], const int i, const int d);
```

```
int v[10];           // reserva memoria para 10 datos int  
double m[3][4];      // reserva memoria para 12 datos double  
  
...  
  
int s = sumaComp(v, 0, 20); // analizar su comportamiento
```

```
// Pre:  $0 \leq i \wedge i \leq d \wedge d < \#a$   
// Post: sumaComp(a, i, d)  
//           = (SIGMA alfa EN [i,j]. a[alfa])  
int sumaComp (const int a[], const int i, const int d);
```

```
int v[10];           // reserva memoria para 10 datos int  
double m[3][4];     // reserva memoria para 12 datos double
```

Donde (solo en predicados y aserciones, no en código C++):

#a denota el número de componentes del vector **a**

#v denota el número de componentes del vector **v**

#m(1) denota el número de filas de la matriz **m**

#m(2) denota el número de columnas de cada fila de la matriz **m**

#m también denota el número de filas de la matriz **m**

3. Especificación de funciones de recorrido

```
/*  
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v$   
 * Post:  $\text{cuentaPares}(v,n) = (\text{Núm } \alpha \in [0, n-1]. v[\alpha] \% 2 = 0)$   
 */  
int cuentaPares (const double v[], const int n);
```

```

/*
 * Pre: desde  $\geq 0 \wedge$  hasta  $< \#v$ 
 * Post: anonima(v, desde, hasta, minimo, maximo)
 *           = (Núm  $\alpha \in [\text{desde}, \text{hasta}] . v[\alpha] \geq \text{minimo}$ 
 *               $\wedge v[\alpha] \leq \text{maximo}$ )
 */
int anonima (const double v[],
              const int desde, const int hasta,
              const double minimo, const double maximo);

```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TNif$ 
 * Post:  $anonima(TNif, n) = NIF\_MAS\_BAJO \wedge$ 
 *            $(\exists \alpha \in [0, n-1]. TNif[\alpha] = NIF\_MAS\_BAJO) \wedge$ 
 *            $(\forall \alpha \in [0, n-1]. TNif[\alpha].dni \geq NIF\_MAS\_BAJO.dni)$ 
 */
Nif anonima (const Nif TNif[], const int n);

```

```
/*  
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TPersonas$   
 * Post: anonima(TPersonas,n,m) =  
 *      (Núm  $\alpha \in [0, n-1].TPersonas[\alpha].nacimiento.mes = m$ )  
 */  
int anonima (const Persona TPersonas[], const int n,  
             const int m);
```

4. Especificación de funciones de búsqueda

```
/*  
  * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v$   
  * Post:  $\text{anonima}(v,n) = (\forall \alpha \in [0, n-2]. v[\alpha] \leq v[\alpha+1])$   
  */  
bool anonima (const int v[], const int n);
```

```
/*  
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TP$   
 * Post: anonima(TP,n) =  
 *            $(\forall \alpha \in [0, n-2]. TP[\alpha].nif.dni \leq TP[\alpha+1].nif.dni)$   
 */  
bool anonima (const Persona TP[], const int n);
```

```
/*  
 * Pre: desde  $\geq 0 \wedge$  hasta  $< \#v$   
 * Post: anonima(v,desde,hasta,dato) =  
 *           ( $\exists \alpha \in [\text{desde}, \text{hasta}]. v[\alpha] = \text{dato}$ )  
 */  
bool anonima (const int v[], const int desde,  
              const int hasta, const int dato);
```

```

/*
 * Pre: desde  $\geq 0$   $\wedge$  hasta  $< \#v$ 
 *           $\wedge (\forall \alpha \in [\text{desde}, \text{hasta}-1]. v[\alpha] \leq v[\alpha+1])$ 
 * Post: anonima(v, desde, hasta, dato) =
 *           $(\exists \alpha \in [\text{desde}, \text{hasta}]. v[\alpha] = \text{dato})$ 
 */
bool anonima (const int v[], const int desde,
              const int hasta, const int dato);

```

```
/*  
 * Pre:  $n \leq \#TPersonas$   
 *  $\wedge (\exists \alpha \in [0, n-1]. \neg TPersonas[\alpha].estaCasada)$   
 * Post:  $anonima(TPersonas, n) = S \wedge \neg S.estaCasada \wedge$   
 *  $(\exists \alpha \in [0, n-1]. TPersonas[\alpha] = S)$   
 */  
Persona anonima (const Persona TPersonas[], const int n);
```

```

/*
* Pre:  $n \leq \#TPersonas$ 
*           $\wedge (\exists \alpha \in [0, n-1]. TPersonas[\alpha]. esHombre)$ 
* Post:  $anonima(TPersonas, n) = INDICE \wedge$ 
*           $INDICE \geq 0 \wedge INDICE \leq n-1 \wedge$ 
*           $TPersonas[INDICE]. esHombre \wedge$ 
*           $(\forall \alpha \in [0, INDICE-1]. \neg TPersonas[\alpha]. esHombre)$ 
*/
int anonima (const Persona TPersonas[], const int n);

```

5. Especificación de algoritmos de comparación de dos vectores o tablas

```
/*  
  * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v1 \wedge n \leq \#v2$   
  * Post:  $\text{anonima}(v1, v2, n) = (\forall \alpha \in [0, n-1]. v1[\alpha] = v2[\alpha])$   
  */  
bool anonima (const int v1[], const int v2[], const int n);
```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v1 \wedge n \leq \#v2$ 
 * Post:  $\text{anonima}(v1, v2, n) =$ 
 *            $(\forall \alpha \in [0, n-1]. (\exists \beta \in [0, n-1]. v2[\beta] = v1[\alpha])) \wedge$ 
 *            $(\forall \alpha \in [0, n-1]. (\exists \beta \in [0, n-1]. v1[\beta] = v2[\alpha]))$ 
 */
bool anonima (const int v1[], const int v2[], const int n);

```

```

/*
* Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v1 \wedge n \leq \#v2$ 
* Post:  $\text{anonima}(v1, v2, n) =$ 
*            $(\forall \alpha \in [0, n-1].$ 
*                $(\text{Núm } \beta \in [0, n-1]. v1[\beta] = v1[\alpha])$ 
*                $= (\text{Núm } \beta \in [0, n-1]. v2[\beta] = v1[\alpha]))$ 
*/
bool anonima (const int v1[], const int v2[], const int n);

```

6. Especificación de algoritmos que modifican un vector o una tabla

```
/*  
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v \wedge v = Vo$   
 * Post:  $(\forall \alpha \in [0, n-1]. (Vo[\alpha] < 0.0 \rightarrow v[\alpha] = 0.0) \wedge$   
 *  $Vo[\alpha] \geq 0.0 \rightarrow v[\alpha] = Vo[\alpha]))$   
 */  
void anonima (double v[], const int n);
```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#v \wedge v = Vo$ 
 * Post:  $(\forall \alpha \in [0, n-1]. (Vo[\alpha] = x \rightarrow v[\alpha] = y)$ 
 *            $\wedge Vo[\alpha] \neq x \rightarrow v[\alpha] = Vo[\alpha]))$ 
 */
void anonima (int v[], const int n,
              const int x, const int y);

```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TP \wedge TP = TPo$ 
 * Post:  $(\forall \alpha \in [0, n-1]. (\text{Núm } \beta \in [0, n-1]. TP[\alpha] = TP[\beta]) \wedge$ 
 *            $(\text{Núm } \beta \in [0, n-1]. TP[\alpha] = TPo[\beta]) ) \wedge$ 
 *            $(\forall \alpha \in [0, n-1].$ 
 *              $(\neg TP[\alpha].estaCasada$ 
 *                $\rightarrow (\forall \beta \in [0, \alpha]. \neg TP[\beta].estaCasada) ) \wedge$ 
 *              $(TP[\alpha].estaCasada$ 
 *                $\rightarrow (\forall \beta \in [\alpha, n-1]. TP[\beta].estaCasada) ) )$ 
 */
void anonima (Persona TP[], const int n);

```

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TP \wedge TP = TP_0$ 
 * Post:  $\text{sonPermutacion}(TP, TP_0, 0, n-1) \wedge$ 
 *          $(\forall \alpha \in [0, n-1].$ 
 *            $(\neg TP[\alpha].\text{estaCasada}$ 
 *              $\rightarrow (\forall \beta \in [0, \alpha]. \neg TP[\beta].\text{estaCasada}) ) \wedge$ 
 *            $(TP[\alpha].\text{estaCasada}$ 
 *              $\rightarrow (\forall \beta \in [\alpha, n-1]. TP[\beta].\text{estaCasada}) ) )$ 
 */
void anonima (Persona TP[], const int n);

```

Donde:

$$\begin{aligned} \text{sonPermutacion}(Ta, Tb, \text{desde}, \text{hasta}) \equiv \\ (\forall \alpha \in [\text{desde}, \text{hasta}]. \\ (\text{Núm } \beta \in [\text{desde}, \text{hasta}]. Ta[\alpha] = Ta[\beta]) \wedge \\ (\text{Núm } \beta \in [\text{desde}, \text{hasta}]. Ta[\alpha] = Tb[\beta])) \end{aligned}$$

```

/*
 * Pre:  $n \geq 0 \wedge n \leq \#TP \wedge v = Vo$ 
 * Post:  $\text{sonPermutacion}(v, Vo, 0, n-1) \wedge \text{ordenado}(v, 0, n-1)$ 
 */
void anonima (int v[], const int n);

```

Donde:

$$\begin{aligned} \text{sonPermutacion}(Ta, Tb, desde, hasta) \equiv \\ (\forall \alpha \in [desde, hasta]. \\ \quad (\text{Núm } \beta \in [desde, hasta]. Ta[\alpha] = Ta[\beta]) \wedge \\ \quad (\text{Núm } \beta \in [desde, hasta]. Ta[\alpha] = Tb[\beta])) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ordenado}(T, desde, hasta) \equiv \\ (\forall \alpha \in [desde, hasta-1]. T[\alpha] \leq T[\alpha+1]) \end{aligned}$$

