Algoritmia para Problemas Difíciles

Ingeniería Informática

Hoja 5 de ejercicios: Análisis amortizado-2 (árb. splay)

Curso 2013/2014

Ejercicio 1. Sea un árbol binario de búsqueda con las claves {1,2,3,4,5,6,7} tal que, inicialmente, 1 está en la raíz, 2 es su único hijo, 3 es el único hijo de 2, etc.

- a) Supongamos que usamos la estrategia de mover a la raíz el nodo accedido mediante rotaciones con su padre (transparencia 103 de Análisis amortizado y ED avanzadas). ¿Cuál sería el árbol resultante tras buscar la clave 7?
- b) Lo mismo que (a) pero usando splaying (transparencia 104).
- c) Si en el enunciado cambiamos 7 por un *n* arbitrario ({1,2,3, ..., *n*}), y buscamos la clave *n*, ¿cuál es la altura del árbol resultante si usamos la estrategia de mover a la raíz rotando con el padre? ¿Y cuál es la altura del árbol resultante si se usa *splaying*? Puede suponerse que *n* es impar.

Ejercicio 2. ¿Cuál es la máxima altura de un árbol *splay* creado como resultado de *n* inserciones en un árbol inicialmente vacío? (asumir la estrategia de *splay* de abajo hacia arriba, transparencia 104). Dar un ejemplo de secuencia de inserciones que genere un árbol de esa altura.

Ejercicio 3. ¿Cuál es la máxima altura de un árbol *splay* creado como resultado de *n* inserciones en un árbol inicialmente vacío? (asumir la estrategia de *splay* de arriba hacia abajo, <u>artículo de Sleator y Tarjan, pp. 667-669</u>). Dar un ejemplo de secuencia de inserciones que genere un árbol de esa altura.

Si entregas alguno de estos ejercicios, debes hacerlo no más tarde del 8-1-2014.